

LAHENDUSED 9.klass

1. Vastus: Laura mõtles välja 2012, Kati tegi arvutusvea

Lahendus

Laura mõtles arvu 2012 ($2012 + 2 + 0 + 1 + 2 = 2017$)

Kati arv:

I lahendus:

Tähistame arvu mubrid a, b, c, d. Arv: $1000a + 100b + 10c + d$

Saame: $1000a + 100b + 10c + d - a - b - c - d = 999a + 99b + 9c = 9(111a + 11b + c)$

Ehk saadud arv jagub 9-ga. Kuna 2017 ei jagu 9-ga, siis järelikult tegi Kati arvutusvea.

II lahendus:

Kuna suurim võimalik nelja numbriga summa on 36, siis piisab arvude 2017 kuni 2053 vaatlemisest. Kuna selles vahemikus on esimene number alati 2 ja teine number alati 0, siis maksimaalne võimalik nelja numbriga summa on 20, ehk alles jäävad arvud 2017 kuni 2037. Kuna kolmas number on 1, 2 või 3, siis suurim võimalik nelja numbriga summa on 13 ja vähim 4, ehk piisab kui vaatleme arvud 2021 kuni 2030. Lahutame nendest arvudest nende numbrite summad:

$$2021 - 2 - 0 - 2 - 1 = 2016$$

$$2022 - 2 - 0 - 2 - 2 = 2016$$

$$2023 - 2 - 0 - 2 - 3 = 2016$$

$$2024 - 2 - 0 - 2 - 4 = 2016$$

$$2025 - 2 - 0 - 2 - 5 = 2016$$

$$2026 - 2 - 0 - 2 - 6 = 2016$$

$$2027 - 2 - 0 - 2 - 7 = 2016$$

$$2028 - 2 - 0 - 2 - 8 = 2016$$

$$2029 - 2 - 0 - 2 - 9 = 2016$$

$$2030 - 2 - 0 - 3 - 0 = 2025$$

Näeme, et vastuseks ei tule ühelgi juhul 2017, ehk Kati tegi arvutusvea.

Hindamine:

Leitud arv, mida Laura mõtles 2p.

Kati arvu vaatlemise eest:

I lahendus:

Arvi esitamine kujul $1000a + 100b + 10c + d$ 1p.

Teisendamine kujule 9 ($111a + 11b + c$) ja järeldus, et arv jagub 9-ga 2p.

Järeldamine, et Kati tegi arvutusvea, kuna 2017 ei jagu 9-ga 2p.

II lahendus:

Selgitatud, et piisab arvude 2021 kuni 2030 vaatamisest 3p

Kõikide arvude läbivaatamine ja järeldus, et Kati tegi arvutusvea 2p.

Märkus: Kui vastuseks lihtsalt on kirjutatud, et Kati tegi arvutusvea või on vaadeldud üksikuid arve ja puudub seletus siis selle eest punkte mitte anda.

2. Vastus: 160kg

Lahendus:

I lahendus:

1) Leiame, mitu kg õunu oli onu Matil kolmanda päeva alguses:

$$18kg - 30\%$$

Kust same, et kolmanda päeva alguses oli tal 60kg õunu.

2) Teisel päeval jäi müümata 62,5% päeva alguses olevate õuntest.

Ehk $60kg - 62,5\%$

Järelikult päeva alguses oli tal 96kg õunu

3) Kuna 1.päeval müüs onu $\frac{2}{5}$ õuntest, siis jäi tal müümata $\frac{3}{5}$ õuntest.

Ja alguses oli tal $96 : \frac{3}{5} = 160$ kg õunu.

II lahendus:

Olgu onu Matil oli alguses x kg õunu.

Siis esimesel päeval müüs ta $\frac{2}{5}x$ ja tal jäi müümata $x - \frac{2}{5}x = \frac{3}{5}x = 0,6x$

Teisel päeval müüs ta $0,375 \cdot 0,6x = 0,225x$ ning jäi müümata $0,6x - 0,225x = 0,375x$.

Kolmandal päeval ta müüs 70% järelejäänud õuntest, ja jäi alles 18kg:

$$0,375x - 0,7 \cdot 0,375x = 18$$

$$x = 160$$

Hindamine:

I lahendus:

Idee, et peab alustama kolmandasta päevast

1p.

Leitud, mitu kg õunu oli onu Matil 3.päeva alguses (pärast teist päeva)

2p.

Leitud palju jäi pärast esimest päeva

2p.

Leitud, mitu kg õunu oli alguses

2p.

7p

II lahendus:

Avaldatud 1.päeval järelejäänud õunad

2p

Avaldatud 2.päeval müümata jäänud õunade kaal

2p

Koostatud võrrand

2p

Õige vastus

1p

7p

Märkus: ainult õige vastuse eest anda 1p.

3. Vastus: kell 11.13.

Lahendus:

Vallo püüdis Kerdi kinni 6 min pärast, ehk 6 minutiga ta läbis 300m rohkem, kui Kert.

Järelikult, iga minutiga läbib Vallo 50m rohkem, kui Kert.

Vallo püüdis Rimo kinni 11 min pärast, ehk 11 minutiga läbis ta 1100 m rohkem, kui Rimo.

Järelikult läbib Vallo iga minutiga 100m rohkem, kui Rimo.

Siit saab järeldada, et ühe minuti jookul läbib Kert 50m rohkem kui Rimo. Kuna kell 10.57 oli nende vahel 800m, siis finišeerivad Kert ja Rimo koos 16 min pärast, ehk kell 11.13.

Hindamine:

Leitud, et iga minutiga läbib Vallo 50m rohkem, kui Kert 2p.

Leitud, et iga minutiga läbib Vallo 100m rohkem, kui Rimo 2p.

Järeldus, et iga minutiga läbib Kert 50m rohkem, kui Rimo 1p.

Leitud, et Kert püüab Rimo kinni 16 min pärast 1p.

On antud õige vastus (finišeerimise aeg) 1p

7p

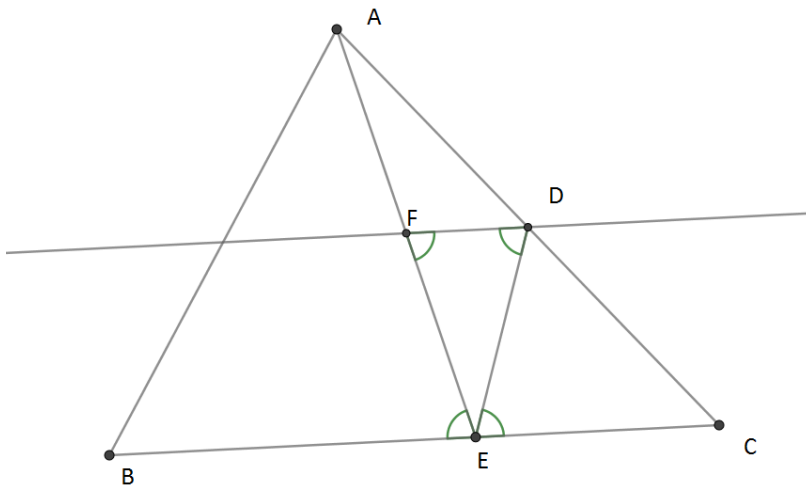
Märkus: Ainult õige vastuse eest anda 1p.

4. Vastus: 2:1

Lahendus:

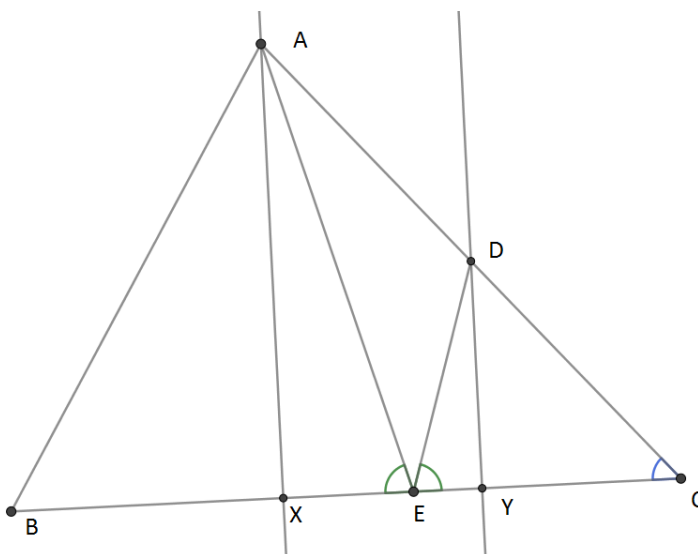
I lahendus:

Tõmbame läbi punkti D sirge, mis on paralleelne küljega BC ja punkt F on selle sirge lõikepunkt sirgega AE. Kuna DF on kolmnurga ABC kesklõik, siis $AF = FE$. Paralleelsetest sirgetest saame, et $\angle BEF = \angle EFD$ ja $\angle EDF = \angle CED$ ehk $\angle EFD = \angle EDF$. Sellest saame, et kolmnurk EFD on võrdhaardne ja $FE = DE$, kust saame et $AE:DE = AE:FE = 2:1$



II lahendus:

Tõmbame punktidest A ja D ristsirged AX ja DY küljele BC. Kolmnurgad AXE ja DYE on sarnased kuna nurgad $\angle XEA = \angle YED$. Sellest järeldub, et $AE:DE = AX:DY$. Kolmnurgad AXC ja DYC on sarnased, kuna $\angle C$ on neil ühine. Siit saame, et $AX:DY = AC:DC = 2:1 \Rightarrow AE:DE = 2:1$



Hindamine:

I lahendus:

Sirge DF tõmbamine	1p.
Näidatud, et $AF = FE$	1p.
Selgitatud, et $\angle EFD = \angle EDF$	3p.
Järeldatud, et kolmnurk FED on võrdhaardne ja seetõttu $FE = FD$	1p.
Õige vastuse järeldamine	<u>1p.</u>
	7p

II lahendus:

Sirgete AX ja DY tõmbamine	1p.
Näitamine, et kolmnurgad AXE ja DYE on sarnased	3p.
Näitamine, et kolmnurga AXC ja DYC on sarnased	2p.
Õige vastuse järeldamine	<u>1p.</u>
	7p

Märkus: Ainult õige vastuse eest anda 1p.

5. Vastus: ei ole võimalik

Lahendus:

Kahe erineva kahekohalise arvu korrutis on suurem, kui 100 ja väiksem, kui 10000.

Arve, mis on selles vahemikus ja jaguvad 2640 on 3: 2640, 5280, 7920

Vaatleme arvu, mis asub tabeli keskel. Sellel arvul on neli naaberarvu, ning kuna kõik arvud on erinevad, siis ka kõik 4 korrutist on erinevat.

Kuna meil on 4 erinevat korrutist, kuid arve, mis jaguvad 2640-ga on ainult 3, siis ei ole võimalik 9 erinevat arvu paigaldada tabelisse selliselt, et iga naaberruutudes asetsevate arvude korrutis jaguks 2640-ga.

Hindamine:

Märgatud, et kahe erineva kahekohalise arvu korrutis on 100 ja 10000 vahel. 2p.

Märgatud, et arve, mis jaguvad 2640-ga on 100 ja 10000 vahel 3 2p.

Keskel asetseva arvu korrutiste vaatlemine ja õige lahenduseni jõudmine 3p.
7p

Ainult õige vastuse eest anda 0p.